

PROVA G2 FIS 1041 – 14/05/09

GABARITO

| QUESTÃO | | GRAU | REVISÃO |
|---------|------|------|---------|
| 1 | 3,5 | | |
| 2 | 3,0 | | |
| 3 | 3,5 | | |
| TOTAL | 10,0 | | |

Onda em geral : $\frac{\partial^2 y}{\partial x^2} - \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 y}{\partial t^2} = 0$ $u = \partial y / \partial t$ $\lambda = 2\pi / k$ $T = 2\pi / \omega$

Onda na corda $P_{\text{ot.média}} = 1/2 \mu v \omega^2 y_{\text{max}}^2$ $v = \sqrt{\frac{\tau}{\mu}}$

Onda sonora: $\Delta p(x,t) = -B \frac{\partial s(x,t)}{\partial x} = -\rho v^2 \frac{\partial s(x,t)}{\partial x}$, $v = \sqrt{\frac{B}{\rho}}$

$I = P_{\text{ot.média}} / \text{Área}$; $I = 1/2 \rho v \omega^2 s_{\text{max}}^2$; $\beta = 10 \log (I/I_0)$ dB; $I_0 = 10^{-12} \text{ W/m}^2$

$f' = f_o \frac{v \pm v_{\text{obs}}}{v \pm v_{\text{fonte}}}$ *batimento* $\omega_b = \omega_1 - \omega_2$

Relações trigonométricas:

$\text{sen}(A) + \text{sen}(B) = 2 \text{sen}[\frac{1}{2}(A+B)] \cos[\frac{1}{2}(A-B)]$

$\text{sen}(A) - \text{sen}(B) = 2 \text{sen}[\frac{1}{2}(A-B)] \cos[\frac{1}{2}(A+B)]$

$\text{cos}(A) + \text{cos}(B) = 2 \text{cos}[\frac{1}{2}(A+B)] \cos[\frac{1}{2}(A-B)]$

$\text{cos}(A) - \text{cos}(B) = -2 \text{sen}[\frac{1}{2}(A+B)] \text{sen}[\frac{1}{2}(A-B)]$

As respostas sem justificativas não serão computadas

Responda as questões nos espaços entre os itens.

1ª Questão – 3,5

Uma corda com 6 m de comprimento está sujeita a uma tensão de 100N. Ela tem suas extremidades fixas e oscila em um padrão de ondas estacionárias resultante da superposição das ondas:

$$y_1 = 0,10 \cos(\pi/2 x - 10\pi t)$$

$$y_2 = 0,10 \cos(\pi/2 x + 10\pi t + \pi)$$

- a) **(0,5)** Qual é o comprimento de onda e a velocidade escalar das ondas y_1 e y_2 ?

$$\lambda = \frac{2\pi}{k}; \quad k = \frac{\pi}{2} \rightarrow \lambda = \frac{2\pi}{(\pi/2)} = 4 \text{ m} \qquad v = \frac{\omega}{k} = \frac{10\pi}{(\pi/2)} = 20 \text{ m/s}$$

- b) **(0,6)** Escreva a equação da onda estacionária nesta corda.

$$y = y_1 + y_2 = 0,1 \left\{ \cos\left(\frac{\pi}{2}x - 10\pi t\right) + \cos\left(\frac{\pi}{2}x + 10\pi t + \pi\right) \right\} = 0,1 \left\{ \cos\left(\frac{\pi}{2}x - 10\pi t\right) - \cos\left(\frac{\pi}{2}x + 10\pi t\right) \right\}$$

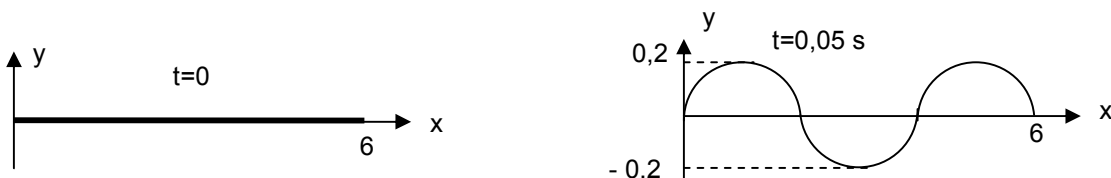
$$y = 0,2 \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2}x\right) \operatorname{sen}(10\pi t)$$

$$\text{ou } y = 0,2 \cos\left(\frac{\pi}{2}x + \frac{\pi}{2}\right) \cos\left(-10\pi t - \frac{\pi}{2}\right) \qquad \text{ou } y = 0,2 \cos\left(\frac{\pi}{2}x + \frac{\pi}{2}\right) \cos\left(10\pi t + \frac{\pi}{2}\right)$$

- c) **(0,6)** Em que modo esta corda está vibrando

$$L = n(\lambda_n / 2); \quad n = L / (\lambda_n / 2) = 3 \quad (\text{terceiro harmônico})$$

- d) **(0,6)** Desenhe esboço da corda nos instantes $t=0$ e $t=0,05\text{s}$.



- e) **(0,6)** Qual o comprimento de onda e a freqüência da corda vibrando no modo fundamental?

$$\lambda = 2L = 12 \text{ m} \quad f = v / \lambda = 20 / 12 = 5 / 3 \text{ Hz}$$

- f) **(0,6)** Escreva a equação da onda estacionária vibrando no modo fundamental.

$$k = 2\pi / \lambda = \pi / 6 \quad \omega = 2\pi f = 10\pi / 3$$

$$y = 0,2 \operatorname{sen}(kx) \operatorname{sen}(\omega t) = 0,2 \operatorname{sen}\left(\frac{\pi x}{6}\right) \operatorname{sen}\left(\frac{10\pi t}{3}\right)$$

$$\text{ou } y = 0,2 \cos\left(\frac{\pi x}{6} + \frac{\pi}{2}\right) \cos\left(\frac{10\pi t}{6} + \frac{\pi}{2}\right) \qquad \text{ou } y = 0,2 \cos\left(\frac{\pi x}{6} + \frac{\pi}{2}\right) \cos\left(-\frac{10\pi t}{6} - \frac{\pi}{2}\right)$$

2ª Questão – 3,0

O deslocamento das partículas em uma onda sonora que se propaga no ar cuja densidade é $1,2 \text{ kg/m}^3$ é dada pela equação

$$s(x,t) = [4,0 \times 10^{-6}] \text{sen}(0,80\pi x - 240\pi t) \quad (\text{m,s})$$

A. **(0,7)** Determine a freqüência em Hz e a velocidade de propagação.

$$\omega = 2\pi f = 240\pi. \text{ Então } f = 120 \text{ Hz}$$

$$v = \frac{\omega}{k} = \frac{240\pi}{0,8\pi} = 300 \text{ m/s}$$

B. **(0,7)** Escreva a pressão em função de x e t .

$$\Delta p(x,t) = -B \frac{\partial s(x,t)}{\partial x} = -\rho v^2 \frac{\partial s(x,t)}{\partial x}$$

$$\Delta p = -\rho v^2 (4 \times 10^{-6})(0,8\pi) \cos(0,8\pi x - 240\pi t) = -(1,2)(300)^2 (0,8\pi)(4 \times 10^{-6}) \cos(0,8\pi x - 240\pi t)$$

$$\Delta p = -(1,08 \text{ Pa}) \cos(0,8\pi x - 240\pi t)$$

C. **(0,8)** Uma onda idêntica à do item (A) é gerada por um inseto que agora se desloca com velocidade constante em direção a uma pessoa sentada. A pessoa detecta uma freqüência de 125 Hz. Com que velocidade está se deslocando o inseto?

$$f'' = f \frac{v_{som}}{v_{som} - v_{mosquito}} \rightarrow v_{mosquito} = \left(1 - \frac{f}{f''}\right) v_{som} = \left(1 - \frac{120}{125}\right) * 300 = 12 \text{ m/s}$$

D. **(0,8)** A pessoa decide fugir e corre afastando-se do inseto a 6 m/s. Qual a é a freqüência detectada pela pessoa em movimento?

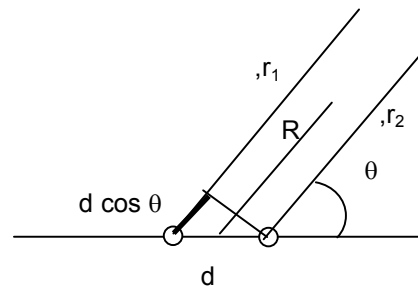
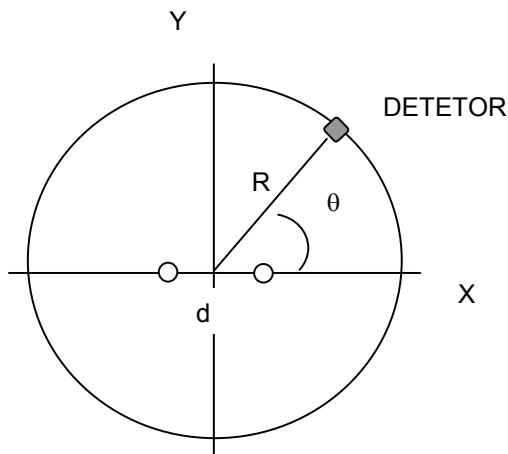
$$f'' = f \frac{v_{som} - v_{pessoa}}{v_{som}} = 125 * \frac{300 - 6}{300} = 122,5 \text{ Hz}$$

ou

$$f'' = f \frac{v_{som} - v_{pessoa}}{v_{som} - v_{mosquito}} = 120 * \frac{300 - 6}{300 - 12} = 122,5 \text{ Hz}$$

3ª Questão – 3,5

Duas fontes sonoras irradiam ondas de comprimento de onda λ . As fontes estão separadas de uma distância d conforme a figura. Um detector pode percorrer uma circunferência de raio R ($R \gg d$) centrada na origem.



Como $R \gg d$, você pode considerar paralelos os raios r_1 e r_2 de cada fonte ao detector, conforme a figura. Então a diferença entre as distâncias ao detector é $r_1 - r_2 = d \cos \theta$.

(0,7) A - Sendo P a potência irradiada por cada uma das fontes, qual é o valor da intensidade de cada fonte no detector quando ligadas separadamente? Considere $P = 400 \pi$ Watts e $R = 100$ m.

$$I = \frac{P}{A} = \frac{400\pi}{4\pi R^2} = \frac{400\pi}{4\pi 10^4} \text{ W/m}^2$$

$$I = 1,0 \times 10^{-2} \text{ W/m}^2$$

(0,7) B - Supondo que as fontes estejam em fase, qual deve ser a relação entre θ , d e λ para que a intensidade medida no detector seja máxima? Justifique.

Interferência construtiva: diferença de fase = $n \cdot 2\pi$ ou diferença de caminho óptico = $n \cdot$ comprimento de onda ($n=0, 1, 2 \dots$).

$$|d \cos \theta| = n \lambda \quad (\text{sendo } n=0, 1, 2 \dots).$$

(0,7) C – Ainda com as fontes em fase, qual deve ser a relação entre θ , d e λ para que a intensidade medida no detector seja mínima? Justifique.

Interferência destrutiva: diferença de fase = $(2n+1) \pi$ ou diferença de caminho óptico = $(2n+1) \lambda/2$ ($n=0, 1, 2 \dots$).

$$|d \cos \theta| = (2n+1) \lambda/2 \quad (\text{sendo } n=0, 1, 2 \dots).$$

(0,7) D - Sendo o comprimento de onda $\lambda = 2 \text{ m}$, determine o menor valor de d para que a intensidade medida em $\theta = 0$ e $\theta = \pi$ seja mínima.

$$|d \cos \theta| = |d \cos \pi| = (2n+1) \lambda/2 \quad (n=0, 1, 2 \dots). \quad \text{Menor valor de } d \text{ ocorre p/ } n=0 \rightarrow d = 1,0 \text{ m}$$

(0,7) E - Sendo $d = \lambda$ em que valores de θ o detector medirá intensidade nula?

$$|d \cos \theta| = (2n+1) \lambda/2 \quad (n=0, 1, 2 \dots) \rightarrow |\cos \theta| = (n+1/2) \rightarrow (\text{possível só para } n=0) \\ \theta = \pm 60^\circ \text{ e } \theta = \pm 120^\circ.$$