

PROVA G4 FIS 1033 – 29/11/2011

MECÂNICA NEWTONIANA

NOME LEGÍVEL: **Gabarito** _____ TURMA: _____

ASSINATURA: *Gabarito* _____

MATRÍCULA Nº: _____

QUESTÃO	VALOR	GRAU	REVISÃO
1	2,0		
2	2,0		
3	3,0		
4	3,0		
TOTAL	10,0		

Dados: $g = 10 \text{ m/s}^2$

$K = \frac{1}{2} m v^2$; $W = \mathbf{F} \cdot \Delta \mathbf{s}$; $W_{\text{cons}} = -\Delta U$; $W_{\text{mola}} = \frac{1}{2} k x_i^2 - \frac{1}{2} k x_f^2$;

$W_{\text{total}} = \Delta K$; $\mathbf{p} = m\mathbf{v}$; $\mathbf{F}_{\text{med}} = \Delta \mathbf{P} / \Delta t$; $\sum \mathbf{F}_{\text{ext}} = M\mathbf{a}_{\text{cm}}$; $M\mathbf{v}_{\text{cm}} = \sum \mathbf{p}_i$;

$K_{\text{rot}} = \frac{1}{2} I \omega^2$; $\mathbf{R}_{\text{cm}} = \sum m_i \mathbf{r}_i / \sum m_i$; $\boldsymbol{\tau}_{\text{res}} = \Delta \mathbf{L} / \Delta t$;

$\mathbf{P} = m \mathbf{v}$; $\boldsymbol{\tau} = \mathbf{r} \times \mathbf{F}$; $\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{P} = m \mathbf{r} \times \mathbf{v}$; $L_{\text{corpo rígido}} = I\omega$; $dW_{\text{total}} = \tau(\theta) \cdot d\theta$; $\sum \tau_{\text{ext}} = I\alpha$;

Teorema dos eixos paralelos: $I_d = I_{\text{CM}} + M d^2$

Momentos de Inércia Rotacional:

Massa pontual: $I = MR^2$ Disco/Cilindro (massa M, raio R): $I_{\text{CM}} = MR^2/2$

Esfera (massa M, raio R): $I_{\text{CM}} = 2MR^2/5$ Esfera oca (massa M, raio R): $I_{\text{CM}} = 2MR^2/3$

Aro (massa M, raio R): $I_{\text{CM}} = MR^2$ Haste (massa M, comprimento ℓ): $I_{\text{CM}} = M\ell^2/12$

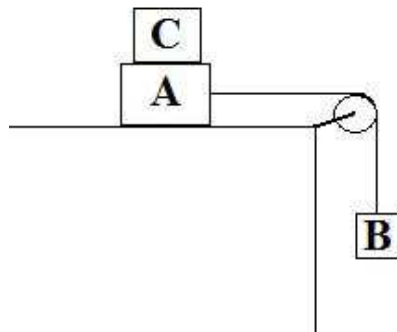
$\int A\theta^n d\theta = A \theta^{(n+1)} / (n+1)$

A duração da prova é de 1 hora e 50 minutos.

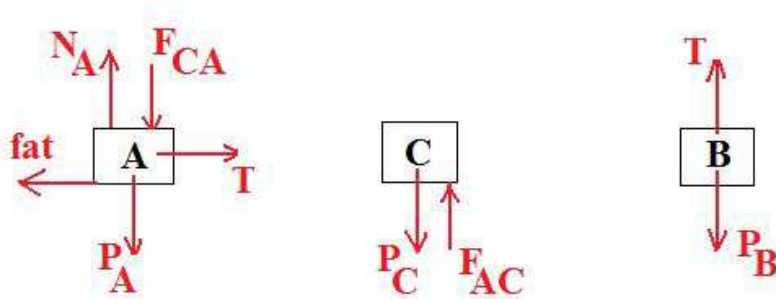
Respostas às questões sem justificativa não serão computadas.

Esta prova tem 5 folhas, contando com a capa. Confira.

(1ª questão: 2,0 pontos) Na figura, as massas de A e B valem 10 kg e 5,0 Kg, respectivamente. Considere o fio inextensível e de massa desprezível, que não há atritos entre a polia e o fio, e desconsidere a massa da polia. Os coeficientes de atrito estático e cinético entre o corpo A e a superfície de apoio têm o mesmo valor de 0,20.



a) Qual o menor valor de massa C que evita o movimento de A?



$$\begin{aligned} T - \text{fat} &= m_A \cdot a & (1) & & ; F_{CA} = F_{AC} = P_C & & ; P = m \cdot g \\ P_B - T &= m_B \cdot a & (2) & & ; N_A = P_A + F_{CA} = P_A + P_C \end{aligned}$$

Somando (1) e (2):

$$P_B - \text{fat} = (m_A + m_B) \cdot a \rightarrow P_B - \mu \cdot N_A = (m_A + m_B) \cdot a$$

$$\rightarrow m_B \cdot g - \mu \cdot (m_A + m_C) \cdot g = (m_A + m_B) \cdot a \rightarrow a = [m_B - \mu \cdot (m_A + m_C)] \cdot g / (m_A + m_B)$$

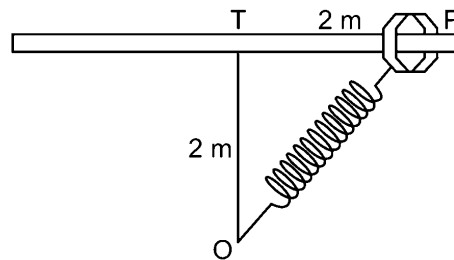
Como A não se move, $a = 0$. Logo: $m_B - \mu \cdot (m_A + m_C) = 0 \rightarrow m_C = 15 \text{ kg}$

b) Calcule a aceleração do sistema para o caso do corpo C ser retirado.

Tirando o corpo C ($m_C \rightarrow 0$):

$$a = (m_B - \mu \cdot m_A) \cdot g / (m_A + m_B) \rightarrow a = 2,0 \text{ m/s}^2$$

(2ª questão: 2,0 pontos) Um aro de 2,0 kg pode deslizar por um trilho horizontal. Ele encontra-se preso a uma mola ideal de constante elástica 20 N/m e comprimento natural (relaxada) $L_0 = 1,5$ m.



a) No instante inicial, o aro encontra-se em repouso na posição P da figura. Calcule a distensão inicial da mola x_i e a energia mecânica total do sistema.

O comprimento da mola na situação da figura vale $2\sqrt{2} \approx 2,83$ m. Sendo assim, a distensão da mola vale:

$$x_i = L - L_0 = 2,83 - 1,50 \quad \rightarrow \quad x_i = 1,33 \text{ m}$$

A energia mecânica é apenas potencial elástica (o aro está em repouso):

$$E_i^{\text{MEC}} = k x_i^2 / 2 = 20 (1,33)^2 / 2 \quad \rightarrow \quad E_i^{\text{MEC}} = 17,7 \text{ J}$$

b) O aro é liberado e passa a deslizar. Se, ao atingir o ponto T da figura, o aro apresenta uma velocidade de 3,14 m/s, calcule o percentual de perda de energia mecânica devida ao atrito.

No ponto T, a distensão da mola vale $x_f = 2,00 - 1,50 = 0,50$ m. Assim, a energia mecânica em T vale:

$$E_f^{\text{MEC}} = k x_f^2 / 2 + m v^2 / 2 = 20 (0,50)^2 / 2 + 2 (3,14)^2 / 2$$

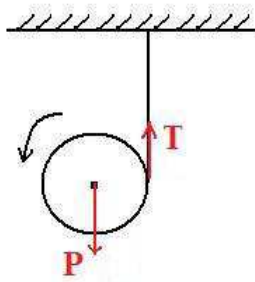
$$E_f^{\text{MEC}} = 12,4 \text{ J}$$

A perda de energia mecânica é dada finalmente por:

$$\Delta E^{\text{MEC}} = E_f^{\text{MEC}} - E_i^{\text{MEC}} = 12,4 - 17,7 = -5,3 \text{ J}$$

$$\text{fração perdida} = |\Delta E^{\text{MEC}}| / E_i^{\text{MEC}} = 5,3 / 17,7 = 30 \%$$

(3ª questão: 3,0 pontos) Um disco homogêneo de raio $R = 0,5 \text{ m}$ e massa $M = 20 \text{ kg}$ gira sem escorregamento num fio enrolado em sua periferia em torno de um eixo horizontal que baixa junto com seu centro de massa, conforme a vista lateral apresentada na figura.



- a) Represente no desenho todas as forças que agem no sistema.
- b) Obtenha as expressões para a força resultante e o torque resultante.

$$F_R = P - T = M \cdot a_{CM}$$

$$\tau_R = T \cdot R = I \cdot \alpha$$

- c) Determine a aceleração do centro de massa do disco.

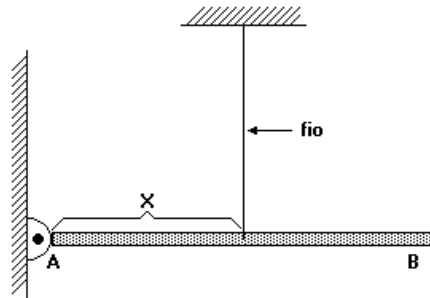
$$\tau_R = T \cdot R = I \cdot \alpha \rightarrow T \cdot R = \frac{1}{2} \cdot M \cdot R^2 \cdot (a_{CM} / R) \rightarrow T = M \cdot a_{CM} / 2$$

$$F_R = P - T = M \cdot a_{CM} \rightarrow M \cdot g - T = M \cdot a_{CM} \rightarrow T = M \cdot (g - a_{CM})$$

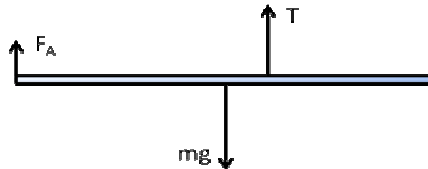
Igualando as expressões:

$$a_{CM} = 2 \cdot g / 3 \rightarrow a_{CM} \approx 6,7 \text{ m/s}^2$$

(4ª questão: 3,0 pontos) A figura mostra uma barra homogênea, de massa $m = 7,2 \text{ kg}$ e comprimento $L = 90 \text{ cm}$. Sua extremidade A se encontra articulada num pino. Um fio vertical, cujo limite de resistência vale 162 N , sustenta a barra em equilíbrio horizontal a uma distância regulável X a partir de A.



a) Desenhe uma figura apenas com a barra e todas as forças que agem nela.



b) Assinale a resposta correta para o seguinte caso: se $X = 45 \text{ cm}$, é correto afirmar que:

O item (iii) responde corretamente à pergunta, pois T e mg produzirão torques de módulos iguais (apesar de sentidos contrários!) e, se $X = 45 \text{ cm}$, a força T terá módulo igual a mg pois ambas atuam no mesmo ponto. Ora, se $T = mg$, não pode haver uma terceira força vertical atuando na barra.

- (i) o pino A exerce na barra uma força para cima.
- (ii) o pino A exerce na barra uma força para baixo.
- (iii) o pino A não exerce na barra força vertical.

c) Calcule o valor mínimo de X para que o fio não arrebente. Nesta situação, calcule também o vetor força que a barra sofre do pino em A (considere o eixo y na vertical apontado para cima).

$$\tau_{\text{RES}} = I\alpha \rightarrow \tau_{F_A} - \tau_{mg} + \tau_T = 0$$

$$F_A \cdot 0 - 72 \cdot 45 + 162 \cdot X = 0 \rightarrow X = 20 \text{ cm}$$

Para o cálculo do vetor F_A , a Segunda Lei de Newton para translação no eixo vertical fornece:

$$F_A + T - mg = 0$$

$$F_A + 162 - 72 = 0 \rightarrow F_A = 90 \text{ (-j) N}$$