

# PROVA G4 FIS 1031 – 04/12/2007

## MECÂNICA NEWTONIANA

NOME: \_\_\_\_\_ Nº: \_\_\_\_\_

TURMA: \_\_\_\_\_

QUESTÃO	VALOR	GRAU	REVISÃO
1	3,0		
2	3,0		
3	4,0		
TOTAL	10,0		

Dados:

$$g = 10,0 \text{ m/s}^2 = 1000 \text{ cm/s}^2$$

$$K = \frac{1}{2} m v^2; \quad W = \mathbf{F} \cdot \Delta \mathbf{s}; \quad W_{\text{cons}} = -\Delta U; \quad W_{\text{mola}} = \frac{1}{2} k x_i^2 - \frac{1}{2} k x_f^2$$

$$W_{\text{total}} = \Delta K; \quad \mathbf{p} = m\mathbf{v}; \quad \mathbf{F}_{\text{med}} = \Delta \mathbf{P} / \Delta t; \quad \sum \mathbf{F}_{\text{ext}} = M\mathbf{a}_{\text{cm}}; \quad M\mathbf{v}_{\text{cm}} = \sum \mathbf{p}_i;$$

$$\mathbf{R}_{\text{cm}} = \sum m_i \mathbf{r}_i / \sum m_i$$

$$\text{Col. elástica: } K_{1a} + K_{2a} = K_{1d} + K_{2d}$$

$$K_{\text{rot}} = \frac{1}{2} I \omega^2; \quad \text{Col. elástica: } v_{1a} - v_{2a} = -(v_{1d} - v_{2d})$$

$$\mathbf{P} = m \mathbf{v}, \quad \boldsymbol{\tau} = \mathbf{r} \times \mathbf{F}, \quad \tau = r F \sin \theta, \quad \mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{P} = m \mathbf{r} \times \mathbf{v}, \quad L_{\text{corpo rígido}} = I\omega$$

$$W_{\text{total}} = \tau \cdot \Delta \theta$$

$$\text{Teorema dos eixos paralelos: } I_z = I_{\text{CM}} + M d^2$$

$$\sin 30^\circ = \cos 60^\circ = 1/2; \quad \cos 30^\circ = \sin 60^\circ = \sqrt{3}/2$$

**A duração da prova é de 1 hora e 50 minutos.**

**As respostas sem justificativas não serão computadas.**

**Esta prova tem 4 folhas, contando com a capa. Confira.**

**(1ª questão: 3,0 pontos)** Uma caixa apoia-se sobre uma tábua que por sua vez se apoia sobre uma mesa horizontal fixa. O coeficiente de atrito estático e cinético entre a caixa e a tábua é  $\mu_E = 0,50$  e  $\mu_C = 0,30$  respectivamente. O atrito entre a tábua e a mesa é desprezível. A caixa tem  $m = 10$  kg e a tábua  $M = 20$  kg. Uma força horizontal de módulo  $F = 200$  N é aplicada sobre a tábua.

a) Analise o problema e determine se a caixa desliza sobre a tábua ou não. Justifique.

b) Determine a aceleração do bloco e da tábua.

$a_b =$

$a_t =$

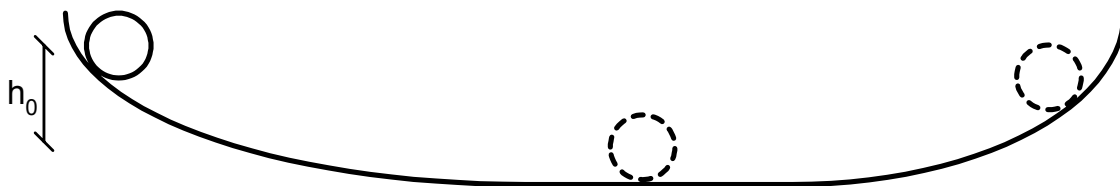
Seja um pêndulo formado por uma corda, de massa desprezível, de comprimento  $L = 1,0$  m e uma massa  $m = 1,0$  kg preso na sua extremidade. Suponha que em determinado instante de tempo ele faça um ângulo de  $60^\circ$  com a vertical e tenha neste instante o módulo da sua velocidade igual a  $3,0$  m/s.

c) Determine as componentes horizontal e vertical do vetor aceleração neste instante.

$a_H =$

$a_V =$

**(2ª questão: 3,0 pontos)** Uma esfera oca de massa  $M$  e raio  $R$  está em repouso no alto de uma superfície curva áspera suavemente côncava. Ela é então solta e desce rolando sem deslizar até uma superfície horizontal, onde chega com velocidade angular igual a  $\omega$ . Considere a aceleração da gravidade  $g$ . Note que a aceleração do centro de massa (CM) não é constante durante a descida.  $I_{cm} = 2MR^2/3$



(a) Encontre uma expressão para a altura inicial  $h_0$  do CM da esfera quando ela está no alto da superfície côncava em relação a altura do CM de quando ela está na superfície horizontal. Exprima seu resultado em função de  $R$ ,  $g$  e  $\omega$ .

$h_0 =$
---------

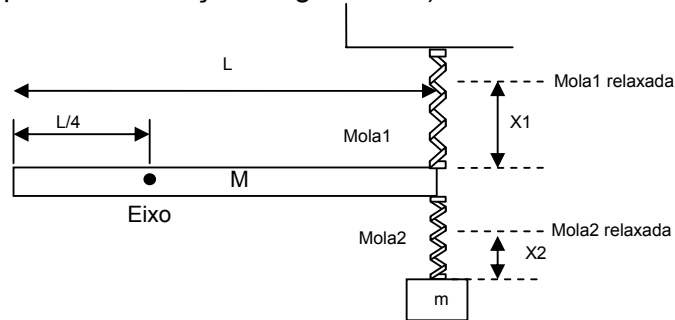
Prosseguindo em seu movimento, a partir da superfície horizontal, a esfera sobe uma rampa lisa (sem atrito) até atingir uma altura máxima  $h_{MÁX}$  entre o CM na superfície horizontal e o CM no ponto máximo na rampa.

(b) Obtenha uma expressão para  $h_{MÁX}$  em função de  $R$ ,  $g$  e  $\omega$ . Determine a razão  $h_{MÁX}/h_0$ .

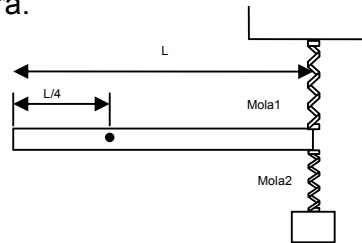
$h_{MÁX} =$
-------------

$h_{MÁX}/h_0 =$
-----------------

**(3ª questão: 4,0 pontos)** Uma barra homogênea de massa  $M$  e comprimento  $L$  tem um eixo a uma distância  $L/4$  de uma extremidade. Na outra extremidade estão presas 2 molas idênticas de constante elástica  $k$ . À outra extremidade da mola 1 está presa a uma plataforma horizontal acima da barra e a mola 2 que suporta uma massa  $m$ . Nesta situação o sistema fica em equilíbrio estático quando a mola 1 faz um ângulo de  $90^\circ$  com a barra. A variação de comprimento da mola 1 por estar suportando a barra é  $X_1$ . A variação de comprimento da mola 2 é  $X_2$ . A figura abaixo representa a situação descrita. (use  $g$  para a aceleração da gravidade)



a) Faça o diagrama das forças que atuam na barra.



b) Determine o valor da força  $N$  que o eixo faz sobre a barra em função de  $M$  e  $g$ .

$N =$

c) Determine o valor da força  $T_1$  que a barra faz sobre a mola 1 e a variação do comprimento  $X_1$  da mola 1 em função de  $M$ ,  $m$ ,  $g$  e  $X_2$

$T_1 =$

$X_1 =$

d) Suponha que as duas molas fossem retiradas deixando apenas a barra livre para girar. Qual será a velocidade angular da barra quando ela girar de  $90^\circ$  devido à força da gravidade (indo da posição horizontal para a vertical). O momento de inércia da barra em torno do seu centro de massa é  $I_{CM} = ML^2/12$ .

$\omega =$