PROVA G3.1 FIS 1004 – 30/10/2006

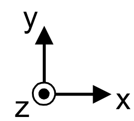
MECÂNICA NEWTONIANA

NOME:________________________________ Nº:_________

TURMA:_______

QUESTÃO	VALOR	GRAU	REVISÃO
1	2,0		

Sistema de coordenadas



Dados:

$g = 10{,}0 \text{ m/s}^2 = 1000 \text{ cm/s}^2$

$\Delta \mathbf{v} = \mathbf{a}t$; $\Delta \mathbf{r} = \frac{1}{2}(\mathbf{v} + \mathbf{v}_0)\Delta t$; $\Delta \mathbf{r} = \mathbf{v}_0 t + \frac{1}{2}\mathbf{a}t^2$; $v^2 = v_0^2 + 2a\Delta r$

($\mathbf{a}$ = constante)

$\Sigma \mathbf{F} = m\mathbf{a}$; $F_c = m v^2/r$;

$K = \frac{1}{2} m v^2$; $W = \int_i^f \mathrm{F} \cdot d\mathrm{s}$; $W_c = -\Delta U$; $W_{mola} = \frac{1}{2} k x_i^2 - \frac{1}{2} k x_f^2$

$W_{total} = \Delta K$; $\mathbf{p} = m\mathbf{v}$; $\mathbf{F}_{med} = \Delta \mathbf{P} / \Delta t$; $\sum \mathbf{F}_{ext} = M\mathbf{a}_{cm}$; $M\mathbf{v}_{cm} = \sum \mathbf{p}_i$; $\mathbf{R}_{cm} = \Sigma m_i \mathbf{r}_i / \Sigma m_i$

Col. elástica: $v_{1i} - v_{2i} = -(v_{1f} - v_{2f})$

$\tau = \mathbf{r} \times \mathbf{F}$; $\Sigma\tau = I\alpha$; $I = \Sigma m_i r_i^2$; $a_t = \alpha r$; $v_t = \omega r$; $I_p = I_{cm} + Md^2$

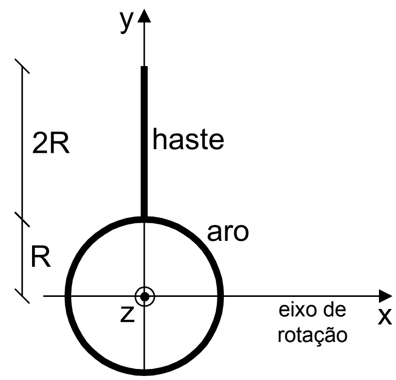
sen 30° = 1/2; cos 30° = √3/2; sen 60° = √3/2; cos 60° = 1/2

A duração da prova é de 50 minutos.

As respostas sem justificativas não serão computadas.

Esta prova tem 2 folhas, contando com a capa. Confira.

(1ª questão: 2,0 pontos) Uma escultura é composta por um aro de massa M e raio R ligado a uma haste fina de massa M e comprimento L = 2R como mostra a figura. A escultura está alinhada na direção do eixo y e pode girar em torno de um diâmetro do aro localizado sobre o eixo x. A respostas devem ser dadas em termos dos dados do problema: M, R e da aceleração da gravidade g, utilizando o sistema de coordenadas indicado.



a) Determine o vetor posição centro de massa da escultura.

$\mathbf{R}_{cm}$ =

b) Determine o momento de inércia rotacional da escultura em relação ao eixo x.

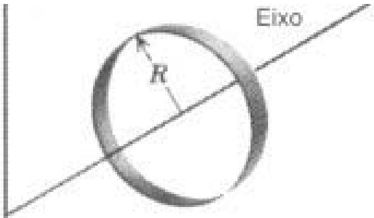
I_x =

c) Supondo que, quando solta, a escultura gire partindo do repouso, determine o módulo da sua velocidade angular quando ela passa pelo eixo z positivo (plano y=0).

ω =

d) Calcule o vetor torque produzido pela força da gravidade, em relação à origem do eixo x, quando a escultura estiver 60° abaixo do eixo z positivo.

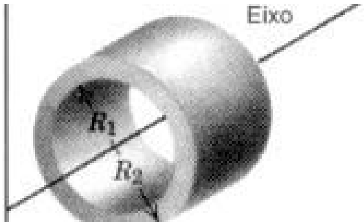
τ =



Aro, em torno do eixo do cilindro

$$I = MR^2$$

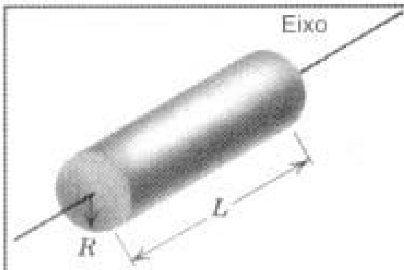
(a)



Cilindro anular (ou anel), em torno do eixo do cilindro

$$I = \frac{M}{2}(R_1^2 + R_2^2)$$

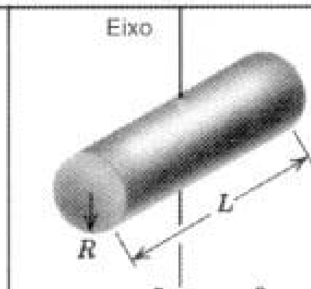
(b)



Cilindro maciço (ou disco), em torno do eixo do cilindro

$$I = \frac{MR^2}{2}$$

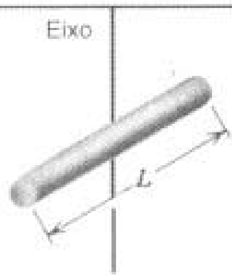
(c)



Cilindro maciço (ou disco), em torno do diâmetro central

$$I = \frac{MR^2}{4} + \frac{ML^2}{12}$$

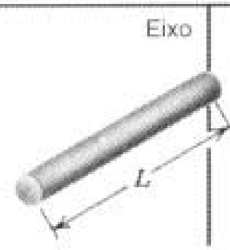
(d)



Haste fina, em torno do eixo que passa pelo centro, ⊥ ao comprimento,

$$I = \frac{ML^2}{12}$$

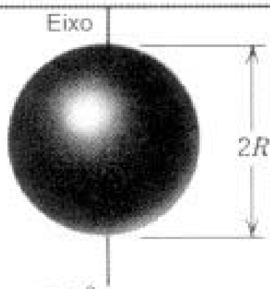
(e)



Haste fina, em torno de um eixo que passa por uma extremidade, ⊥ ao comprimento

$$I = \frac{ML^2}{3}$$

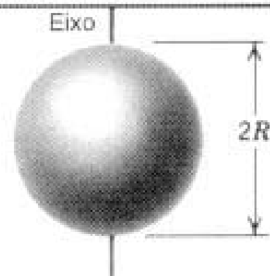
(f)



Esfera sólida, em torno de qualquer diâmetro

$$I = \frac{2MR^2}{5}$$

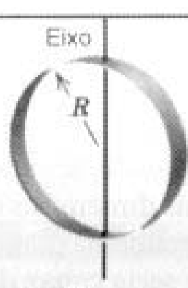
(g)



Esfera oca e fina, em torno de qualquer diâmetro

$$I = \frac{2MR^2}{3}$$

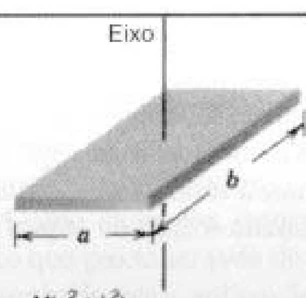
(h)



Aro, em torno de qualquer diâmetro

$$I = \frac{MR^2}{2}$$

(i)



Lâmina retangular, em torno de um eixo ⊥ que passa pelo seu centro

$$I = \frac{M(a^2 + b^2)}{12}$$

(j)