

## P1 de CTM – 2012.1

Nome:

Matrícula:

Assinatura:

Turma:

1) (1,5) Uma liga de cobre tem limite de escoamento igual a 300 MPa e módulo de elasticidade de 100 GPa.

- a. (0,5) Qual é a máxima carga (em N) que pode ser aplicada a uma amostra desse material que tenha uma seção transversal de 300 mm<sup>2</sup> sem haver deformação plástica? Explique seu raciocínio.

A tensão limite de escoamento é justamente o valor no qual o material passa do regime elástico para o regime plástico. Assim, basta calcular o valor da força no limite de escoamento.

$$F = \sigma_y \times A = 300 \times 10^6 \text{ N/m}^2 \times 300 \text{ mm}^2 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{mm}^2 = 9 \times 10^{10} \times 10^{-6} = 9 \times 10^4 \text{ N}$$

- b. (1,0) Se o comprimento original da amostra vale 100 mm, qual é o comprimento máximo (em mm) que a amostra pode ter sem haver deformação plástica? Explique seu raciocínio.

Para calcular o comprimento elástico máximo devemos calcular a deformação no limite de escoamento, usando o valor do módulo de Young.

$$\varepsilon = \sigma_y/E = 300 \text{ MPa}/100 \text{ GPa} = 3 \times 10^{-3}$$

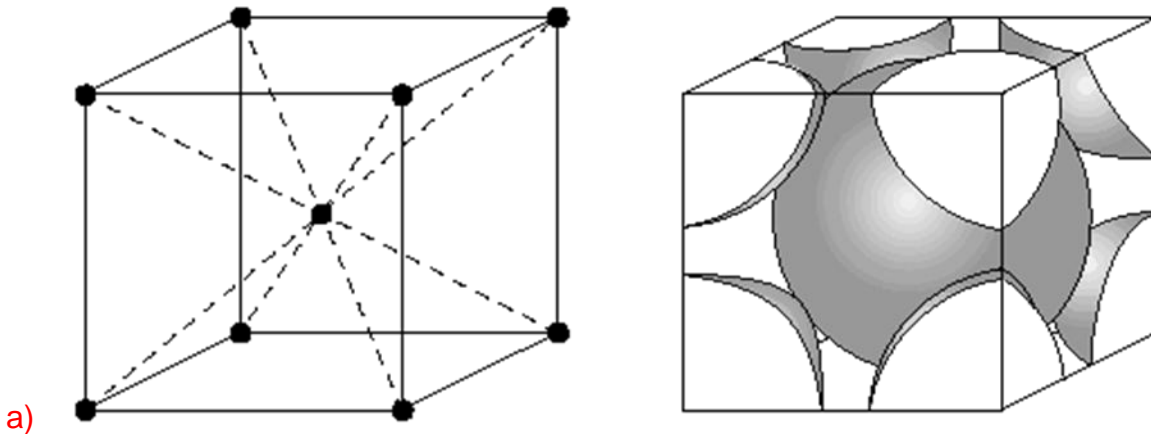
Assim

$$L_{\text{máx}} = L_0(1 + \varepsilon) = 100(1,003) = 100,3 \text{ mm}$$

2) (2,0)

- (0,5) Faça uma representação esquemática da célula unitária de uma rede cristalina CCC;
- (0,5) Calcule a densidade atômica planar de um plano da face dessa célula unitária;
- (0,5) Calcule a densidade atômica planar de um plano vertical que divide diagonalmente a célula unitária.
- (0,5) Calcule a densidade atômica linear de uma aresta da célula unitária.

OBS: Nos itens b, c e d, caso necessário, você pode deixar o cálculo final apenas indicado.



b) Em um plano da face os átomos dos vértices contribuem com  $\frac{1}{4}$  de sua área. Assim,

$$DAP = (4 \times \frac{1}{4} \times \pi R^2) / a^2,$$

mas nesta rede  $4R = a\sqrt{3}$  ou  $a = 4R/\sqrt{3}$  e  $a^2 = 16R^2/3$ . Assim

$$DAP = \pi R^2 / (16R^2/3) = 3\pi/16 = 0,59$$

c) Neste caso o plano em questão é um retângulo com área  $A = a \times a\sqrt{2} = a^2\sqrt{2}$ . Neste plano, além dos átomos dos vértices, temos o átomo central completo. Assim

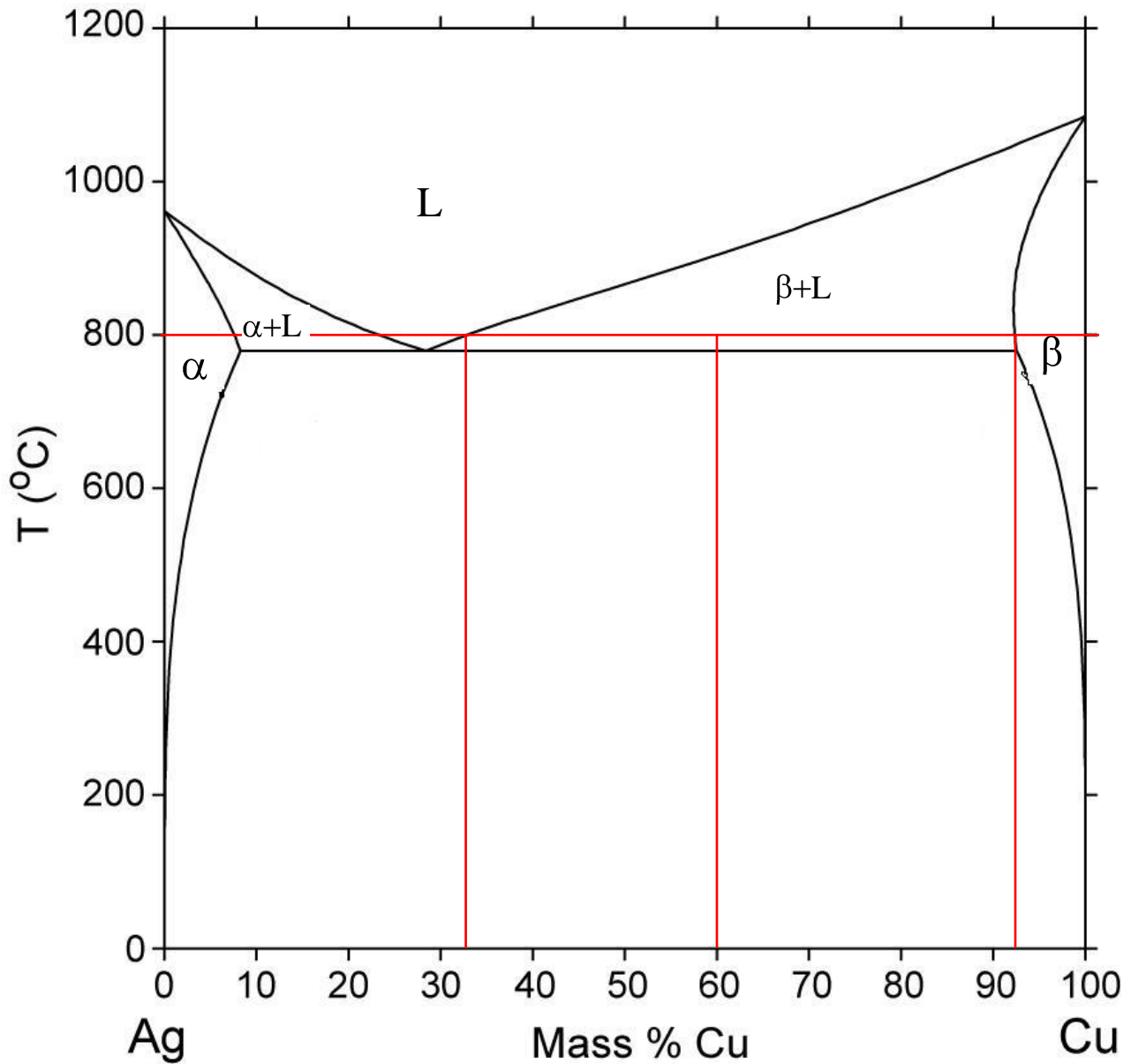
$$DAP = (1 + 4 \times \frac{1}{4}) \times \pi R^2 / a^2\sqrt{2}, \text{ e substituindo } a^2 = 16R^2/3 \text{ temos}$$

$$DAP = 2\pi R^2 / (16\sqrt{2}R^2/3) = 6\pi / (16\sqrt{2}) = 3\pi / (8\sqrt{2}) = 0,83$$

d) Em uma aresta temos o equivalente a 2 raios atômicos. Assim

$$DAL = 2R/a = 2R / (4R/\sqrt{3}) = (\sqrt{3})/2 = 0,87$$

3) (3,0) Considere a liga 40%Ag – 60%Cu e o diagrama de fases abaixo, no qual os campos monofásicos já estão identificados.



Esta liga foi aquecida a 800 °C.

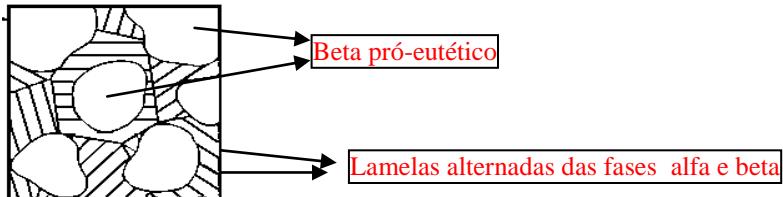
- (0,5) Quais são as fases presentes nesta temperatura?
- (0,5) Qual é a composição das fases nesta temperatura?
- (0,5) Qual é a porcentagem de cada fase nesta temperatura? *OBS: Monte a expressão e, se necessário, deixe indicado o resultado.*
- (0,5) Esboce a microestrutura da liga após resfriamento até a temperatura ambiente, nomeando as fases presentes.
- (0,5) Existe alguma fase pró-eutética na temperatura ambiente? Explique.

f. (0,5) Qual seria a melhor liga deste sistema para ser usada em fundição? Explique.

- a. Identificando o ponto dado no enunciado percebe-se que ele se situa no campo bifásico em que coexistem as fases Líquida e Beta.
- b. As composições aproximadas podem ser obtidas pelo cruzamento da isoterma de 800 °C com as linhas de fronteira da fase líquida e da fase Beta, conforme indicado no gráfico. Assim  $C_L = 32 \text{ wt\% Cu} - 68 \text{ wt\% Ag}$  e  $C_\beta = 92 \text{ wt\% Cu} - 8 \text{ wt\% Ag}$

- c. Usando a regra da alavanca

$$W_L = (92-60)/(92-32) = 32/60 = 0,53 \text{ e } W_\beta = 1 - W_L = 0,47$$



- d.
- e. Sim. A fase beta pró-eutética formada acima da temperatura eutética.
- f. A liga de composição eutética, 28 wt% Cu – 72 wt% Ag, que tem ponto de fusão mais baixo do que os elementos puros e que qualquer outra composição.

4) (0,5) Nomeie e classifique os defeitos presentes em uma rede cristalina em função da sua “dimensionalidade”.

Dimensão zero: Defeitos pontuais (vacâncias, solutos substitucionais e intersticiais)

Dimensão um: Defeitos lineares (discordâncias em linha ou em hélice)

Dimensão dois: Defeitos planares (fronteiras de grão, falhas de empilhamento, maclas)

Dimensão três: Defeitos volumétricos (vazios, trincas, inclusões)

5) (1,5) Seja uma placa de ferro. Um lado está exposto a uma atmosfera rica em carbono e o outro lado a uma atmosfera pobre em carbono. A uma profundidade de 3 mm, a partir da superfície da placa, a concentração de carbono é igual a  $1,0 \text{ kg/m}^3$  e a uma profundidade de 7 mm a concentração de carbono é igual a  $0,4 \text{ kg/m}^3$ . Considerando que a difusividade do carbono no ferro é igual a  $3 \times 10^{-11} \text{ m}^2/\text{s}$  na temperatura de trabalho ( $700 \text{ }^\circ\text{C}$ ), calcule o fluxo de carbono. *OBS: Você deve obter o resultado final, realizando as contas necessárias.*

Neste caso temos uma situação estacionária e pode-se usar a primeira Lei de Fick. Assim:

$$J_x = -D \frac{C_b - C_a}{x_b - x_a} = - \left( 3 \times 10^{-11} \text{ m}^2/\text{s} \right) \frac{(1,0 - 0,4) \text{ kg}/\text{m}^3}{(3 - 7)10^{-3}\text{m}} = 4,5 \times 10^{-9} \text{ kg}/\text{m}^2 \cdot \text{s}$$

6) (1,5)

a. (0,9) Cite 3 mecanismos de endurecimento.

Redução de tamanho de grão, endurecimento por solução sólida, encruamento.

b. (0,6) Existe um princípio comum a todos os mecanismos de endurecimento. Descreva este princípio.

O princípio comum é dificultar o movimento das discordâncias. Como as discordâncias são responsáveis pelo deslizamento de planos cristalinos que dão origem à deformação plástica de materiais, ao dificultar seu movimento dificultamos a deformação plástica e endurecemos o material.