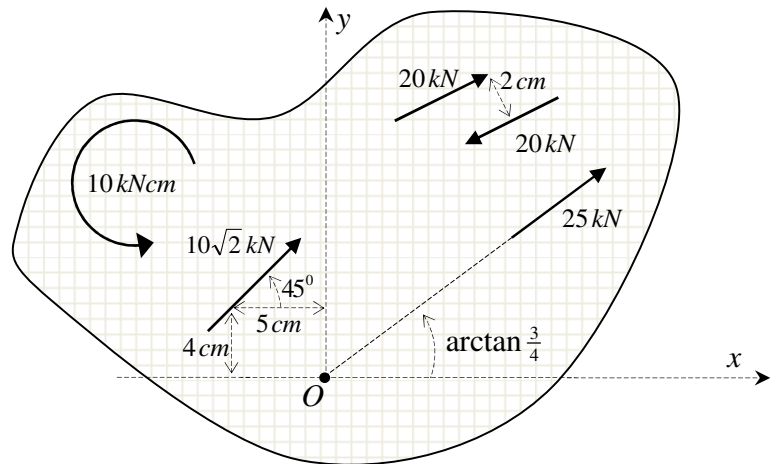


1ª Questão (2,5 pontos)

a) Reduza o sistema de forças da figura a uma única força que age no ponto  $O$  e a um conjugado.

b) Calcule a que distância do ponto  $O$  deve passar a resultante que, sozinha, corresponda ao sistema de forças.



a) Componente horizontal da resultante:  $R_H = 10\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} + 25 \frac{4}{5} = 30$  (para a direita)

Componente vertical da resultante:  $R_V = 10\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} + 20 \frac{3}{5} = 25$  (para cima)

Módulo da resultante:  $R = \sqrt{R_H^2 + R_V^2} = 39,05 \text{ kN}$

A resultante faz com a horizontal um ângulo igual a  $\arctan \frac{R_V}{R_H} = 39,8^\circ$

Momento em relação ao ponto  $O$  (sentido horário):  $M_0 = -10 + 20 \times 2 + 10\sqrt{2} \frac{\sqrt{2}}{2} \times (4 + 5) = 120 \text{ kNcm}$

b) Distância da resultante até o ponto  $O$ :  $d = \left| \frac{M_0}{R} \right| = \frac{120}{39,05} = 3,07 \text{ cm}$

(de modo que  $R$  exerça momento  $M_0$  em torno do ponto  $O$ )

A resultante corta o eixo  $x$  em  $d_x = \frac{M_0}{-R_V} = -4,8 \text{ cm}$  e o eixo  $y$  em  $d_y = \frac{M_0}{R_H} = 4,0 \text{ cm}$ .

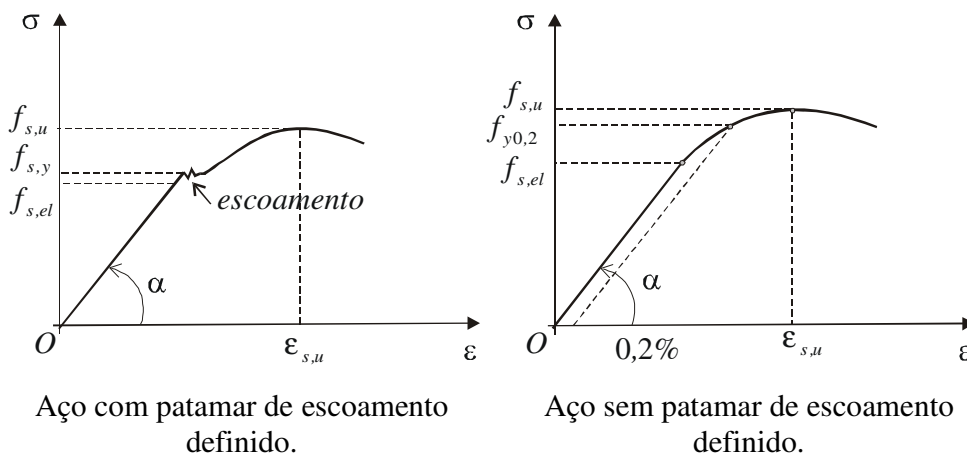
2ª Questão (2,5 pontos)

Nos diagramas tensão *versus* deformação específica, correspondentes a dois tipos de aços ensaiados à compressão axial, tem-se: diâmetro da barra  $\phi = 20 \text{ mm}$ ; módulo de elasticidade de ambos os aços  $E_s = 200 \text{ GPa}$ ; limite elástico linear  $f_{s,el} = 400 \text{ MPa}$ .

A) Explicar o que é:

- 1) patamar de escoamento;
- 2) a tangente do ângulo  $\alpha$ ;
- 3) a tensão  $f_{s,u}$  em ambos os gráficos.

B) Calcular a força atuante no corpo de prova quando se tem uma tensão  $\sigma = 300 \text{ MPa}$ .



### Resposta

A.1)	trecho após o trecho elástico e linear, onde a tensão se mantém constante, mas as deformações específicas variam;
A.2)	é o módulo de elasticidade do material;
A.3)	é a tensão máxima teórica que o material resiste.
B)	$\sigma = \frac{F}{A} = \frac{F}{\frac{400\pi}{4}} \cong 300 \text{ MPa} \rightarrow F \cong 94\,248 \text{ N} \cong 94,25 \text{ kN}$

### 3ª Questão (2,5 pontos)

A barra rígida BCD, dada na Figura 3.a, está apoiada por um pino em B e pelo arame AC. Devido à força P, aplicada na extremidade livre D, a barra rígida BCD gira em torno do pino B (Figura 3.b), provocando o alongamento do arame AC. Se o deslocamento horizontal máximo da extremidade livre da barra for  $\delta_D = 5,00 \text{ mm}$ , qual será a deformação normal  $\epsilon_{AC}$  do arame? Na Figura 3.b consideram-se pequenos deslocamentos.

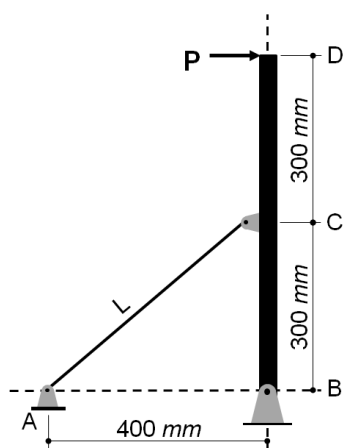


Figura 3.a

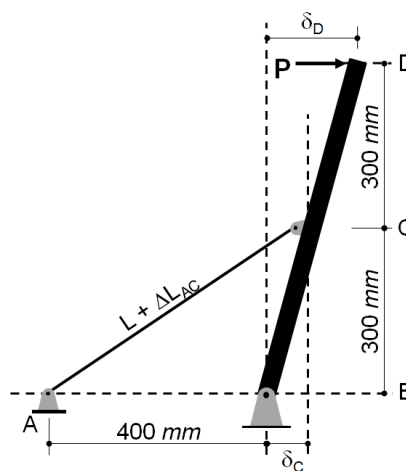


Figura 3.b

$$\varepsilon_{\max} = \frac{\Delta L}{L} \Rightarrow \Delta L = \varepsilon_{\max} L$$

$$\frac{\delta_D}{600} = \frac{\delta_C}{300} \rightarrow \delta_C = (0,5)(\delta_D) = (0,5)(5,00) = 2,50 \text{ mm} \quad (0,5 \text{ ponto})$$

$$(L + \Delta L_{AC})^2 = (400 + \delta_C)^2 + (300)^2$$

$$\Delta L_{AC} = \sqrt{(400 + \delta_C)^2 + (300)^2} - L$$

$$\Delta L_{AC} = \sqrt{(402,50)^2 + (300)^2} - \sqrt{(400)^2 + (300)^2} = 2,00 \text{ mm} \quad (1,0 \text{ ponto})$$

$$\varepsilon_{AC} = \frac{\Delta L_{AC}}{L} = \frac{2,00}{\sqrt{400^2 + 300^2}} = 0,004 \text{ mm/mm} \quad (1,0 \text{ ponto})$$

#### 4ª Questão (2,5 pontos)

A barra ABCD mostrada na Figura 4 possui dois segmentos (AB e BCD), com diâmetros  $\phi_{AB} = 1,0 \text{ cm}$  e  $\phi_{BCD} = 3,0 \text{ cm}$ . (a) Esboçar o gráfico de esforço normal, colocando apropriadamente o sinal positivo ou negativo para, respectivamente, tração e compressão. Em seguida, (b) determinar as tensões atuantes na barra ABCD. (c) Assumindo os módulos de elasticidade  $E_{AC} = 3,0 \text{ GPa}$  e  $E_{BCD} = 1,0 \text{ GPa}$ , determinar a variação do comprimento  $\Delta L_{AB}$ ,  $\Delta L_{BC}$  e  $\Delta L_{CD}$ ?

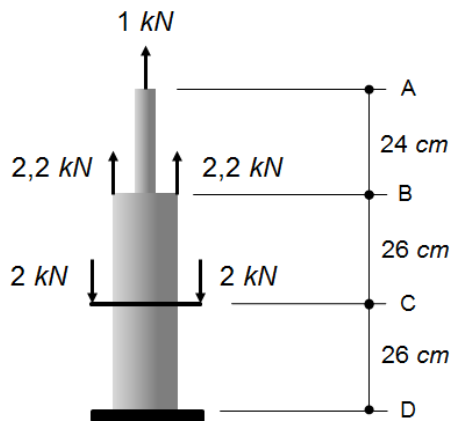
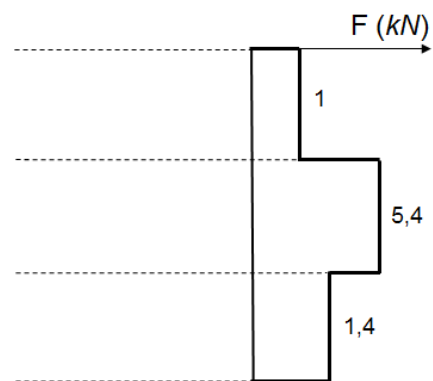


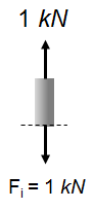
Figura 4



(a) 0,4 pontos

$$A_{AB} = \frac{\pi \phi^2}{4} = \frac{\pi (0,01)^2}{4} = 7,8540 \cdot 10^{-5} \text{ m}^2$$

$$A_{BCD} = \frac{\pi \phi^2}{4} = \frac{\pi (0,03)^2}{4} = 7,0686 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2$$



$$\sigma_{AB} = \frac{F}{A} = \frac{1000}{7,8540 \cdot 10^{-5}}$$

$$\sigma_{AB} = 12,73 \text{ MPa}$$

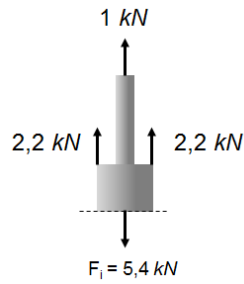
**(b\_1) 0,35 pontos**

$$\Delta L_{AB} = \frac{\sigma_{AB} L_{AB}}{E_{AB}}$$

$$\Delta L_{AB} = \frac{(12,73)(0,24)}{3,0 \cdot 10^3}$$

$$\Delta L_{AB} = 1,0184 \text{ mm}$$

**(c\_1) 0,35 pontos**



$$\sigma_{BC} = \frac{F}{A} = \frac{5400}{7,0686 \cdot 10^{-4}}$$

$$\sigma_{BC} = 7,64 \text{ MPa}$$

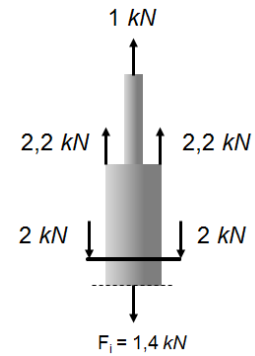
**(b\_2) 0,35 pontos**

$$\Delta L_{BC} = \frac{\sigma_{BC} L_{BC}}{E_{BC}}$$

$$\Delta L_{BC} = \frac{(7,64)(0,26)}{1,0 \cdot 10^3}$$

$$\Delta L_{BC} = 1,9864 \text{ mm}$$

**(c\_1) 0,35 pontos**



$$\sigma_{CD} = \frac{F}{A} = \frac{1400}{7,0686 \cdot 10^{-4}}$$

$$\sigma_{CD} = 1,98 \text{ MPa}$$

**(b\_3) 0,35 pontos**

$$\Delta L_{CD} = \frac{\sigma_{CD} L_{CD}}{E_{CD}}$$

$$\Delta L_{CD} = \frac{(1,98)(0,26)}{1,0 \cdot 10^3}$$

$$\Delta L_{CD} = 0,5148 \text{ mm}$$

**(c\_1) 0,35 pontos**