

- (a) Escreva uma função em C, chamada `ordena`, para colocar em ordem crescente dois valores reais. Por exemplo, se tivermos duas variáveis  $a=3.4$  e  $b=2.1$  antes da chamada de `ordena`, teremos  $a=2.1$  e  $b=3.4$ , após a chamada da função, pois 2.1 é menor que 3.4. Caso contrário, a troca não seria feita.
- (b) O programa abaixo deve ilustrar a utilização da função `ordena` e imprimir os valores 2.1 e 3.4, nesta ordem. Mostre como seria a chamada da função `ordena` para que o programa funcione de maneira correta.

```
#include <stdio.>
int main (void) {
    float a = 3.4, b = 2.1;
    /* chama funcao ordena */

    ..... ← escreva aqui a chamada de ordena
    printf("%f %f\n",a,b);
    return 0;
}
```

- (a) Aparentemente, o cabeçalho de `ordena` deve permitir dois parâmetros reais (tipo `float`). Mas, como em C parâmetros são passados por valor, os parâmetros não podem ser alterados. Para que a alteração dos valores dos dois números reais seja possível, devemos passar seus *endereços* (tipo `float *`) para a função, que pode ter cabeçalho

```
void ordena(float *pr1, float *pr2);
```

O tipo do resultado da função pode ser `void`, porque o efeito da função deve ser o de trocar os valores reais, sem gerar nenhum resultado. O código da função pode ser

```
void ordena(float *pr1, float *pr2) {
    float temp;
    if (*pr1>*pr2) {
        temp = *pr1;
        *pr1 = *pr2;
        *pr2 = temp;
    }
}
```

Outra possibilidade seria

```
void ordena(float *pr1, float *pr2) {
    float temp;
    if (*pr1<=*pr2)
        return; /* não precisa trocar, sai da função */
    temp = *pr1;
    *pr1 = *pr2;
    *pr2 = temp;
}
```

- (b) A chamada da função deve passar como argumentos os endereços de `a` e `b`. Ou seja, pode ser

```
ordena (&a, &b);
```

(a) *Escreva uma função em C que receba como parâmetro um número inteiro não negativo e retorne, como resultado da função, o valor do seu fatorial. A assinatura desta função deve ser:*

```
int fat (int n);
```

(b) *Escreva um programa que capture um número inteiro entrado pelo usuário via teclado e imprima o valor do fatorial usando a função escrita no item acima. Pode-se assumir que o usuário nunca entrará com um valor menor do que zero.*

(a) Uma primeira opção é usar recursão para implementar a função. Podemos usar a propriedade

$$n! = n \cdot (n-1)! \text{ para } n > 0$$

Neste caso, a função seria

```
int fat(int n) {
    if (n==0)
        return 1;
    /* aqui não precisa else! */
    return n*fat(n-1);
}
```

Uma segunda opção seria usar um comando `for` para calcular o produto

$$n! = 1 * 2 * \dots * (n-1) * n$$

Neste caso, a função seria

```
int fat(int n) {
    int prod=1; /* para calcular o produto */
    int i;      /* variável do for */
    for (i=1; i<=n; i++)
        prod=prod*i;
    return prod;
}
```

(b) O programa poderia ser composto de duas funções: a função `fat` (por exemplo na versão recursiva), e a *inevitável* função `main`, que leria o número cujo fatorial deve ser calculado, chamaria a função `fat` para o cálculo, e escreveria o resultado. As funções para ler e imprimir reais são da biblioteca padrão `stdio.h`.

```
#include <stdio.h>
int fat(int n);

int main(void) {
    int n, f;
    printf("escreva o numero > ");
    scanf("%f", &n); /* deve ser endereço de n */
    f=fat(n);
    printf("O fatorial de %d vale %d\n", n, f);
    return 0;
}
```

Escreva uma função em C para concatenar duas cadeias de caracteres. A função deve receber duas cadeias de caracteres como parâmetros de entrada e retornar uma nova cadeia, cujo espaço de memória deve ser alocado pela função, contendo a concatenação da primeira com a segunda. Por exemplo, se forem passadas as cadeias “PUC” e “Rio”, a função deve retornar a cadeia “PUCRio”. A assinatura da função deve ser:

```
char* concatena (char* a, char* b);
```

Nossa solução usa funções da biblioteca `string.h`, como `strlen` (comprimento), `strcpy` (cópia) e `strcat` (concatenação). Além disso, vamos usar a função de alocação de memória `malloc`, da biblioteca `stdlib.h`.

Note que `strcat` concatena uma cadeia na outra, mas não faz a cópia da primeira, nem aloca espaço para a cadeia resultado. Temos:

```
#include <stdlib.h>
#include <string.h>

char *concatena(char *a, char *b) {
    char *c;
    int la, lb;
    la = strlen(a);
    lb = strlen(b);
    c = (char *)malloc(la+lb+1);
    /* espaço para os símbolos das duas cadeias
       e para o símbolo nulo */
    strcpy(c,a);
    strcat(c,b);
    return c;
}
```

Outra solução, mais trabalhosa, não usa as funções de tratamento de string.

```
#include <stdlib.h>

char *concatena(char *a, char *b) {
    char *c;
    int la, lb, i;

    /* calcula o comprimento de a:
       a[la] deve ser o primeiro nulo */
    la = 0;
    while(a[la]!='\0')
        la++;

    /* calcula o comprimento de b:
       b[lb] deve ser o primeiro nulo */
    lb = 0;
    while(b[lb]!='\0')
        lb++;

    c = (char *)malloc(la+lb+1);
        /* espaço para os símbolos das duas cadeias
           e para o símbolo nulo */

    /* copia a para c, sem o nulo */
    for(i=0; i<la; i++)
        c[i]=a[i];

    /* copia b para c, com o nulo, defasada de la */
    for(i=0; i<=lb; i++)
        c[i+la]=a[i];

    return c;
}
```

*Escreva uma função que faça a busca de um elemento num vetor de valores inteiros ordenados em ordem decrescente. A função deve tirar proveito do fato dos elementos do vetor estarem ordenados e retornar 1 (um), se o elemento estiver presente no vetor, ou 0 (zero), se o elemento não estiver presente. A assinatura da função deve ser:*

```
int busca (int n, int *vet, int elem);
```

A resposta mais simples usa a ordem apenas para parar a busca de um valor, quando um valor menor que ele for encontrado.

```
int busca(int n, int *vet, int elem) {
    int i;
    for (i=0; i<n; i++) {
        if (vet[i]==elem)
            return 1;    /* achou elem */
        if (vet[i]<elem)
            return 0;    /* achou menor que elem */
    }
    return 0;    /* acabou o vetor */
}
```

Uma solução mais complicada faz a busca binária no vetor. A busca binária é implementada pela função (recursiva) bin.

```
int bin(int ini, int fim, int *vet, int elem) {
    int meio;
    if (ini>fim)
        return 0;
    meio=(ini+fim)/2;
    if (elem==vet[meio])
        return 1;
    if (elem>vet[meio])
        return bin(ini,meio-1,vet,elem);
    return bin(meio+1,fim,vet,elem);
}

int busca(int n, int *vet, int elem) {
    return bin(0,n-1,vet,elem);
}
```

O código C abaixo mostra a implementação de uma função para ordenação (ordem crescente) de um vetor de valores reais usando o método conhecido por bubblesort.

```

Linha 1      void bubblesort (int n, float* vet) {
Linha 2          int i, j;
Linha 3          for (i=n-1; i>=1; i--) {
Linha 4              for (j=0; j<i; j++) {
Linha 5                  if (v[j] > v[j+1]) { /* troca */
Linha 6                      float temp = v[j];
Linha 7                      v[j] = v[j+1];
Linha 8                      v[j+1] = temp;
Linha 9                  }
Linha 10             }
Linha 11         }
Linha 12     }

```

- (a) Mostre que alterações são necessárias para que o procedimento acima seja interrompido assim que o vetor ficar ordenado.
- (b) Mostre os valores intermediários dos elementos do vetor se este seu algoritmo modificado for aplicado na ordenação do vetor abaixo.

[2 1 4 3 5 8 6 7]

A alteração deve ser feita para garantir que a execução de bubblesort se encerra quando uma passagem é feita sem que nenhuma troca de valores seja necessária. Isso pode ser feito usando uma variável `trocou` que recebe o valor 1 quando uma troca é feita. Inicialmente, `trocou` tem o valor 1, para garantir que uma primeira passagem é sempre feita. O processo se encerra no final de uma passagem, quando `trocou` é 0, indicando que não foram necessárias trocas, e que o vetor já se encontra ordenado. (A solução nas notas de aula usa uma variável `acabou`, que tem como valor a negação de `trocou`.)

```

Linha 1      void bubblesort (int n, float* vet) {
Linha 2          int i, j;
Linha 3          int trocou; /* variável nova */
Linha 3          for (i=n-1; i>=1; i--) {
Linha 4              trocou=0;
Linha 4              /* ainda não trocou, nesta passagem */
Linha 4              for (j=0; j<i; j++) {
Linha 5                  if (v[j] > v[j+1]) { /* troca */
Linha 6                      float temp = v[j];
Linha 7                      v[j] = v[j+1];
Linha 8                      v[j+1] = temp;
Linha 8                      trocou=1; /* acabou de trocar */
Linha 9                  }
Linha 10             }
Linha 10             if (!trocou)
Linha 10                 return;
Linha 10             /* uma passagem sem trocar: acabou */
Linha 11         }
Linha 12     }

```

As linhas novas são as linhas sem identificação.

Os valores intermediários são:

[2 1 4 3 5 8 6 7]

Passo i=7:

[1 2 4 3 5 8 6 7]  
[1 2 3 4 5 8 6 7]  
[1 2 3 4 5 6 8 7]  
[1 2 3 4 5 6 7 8]

Não há troca no passo i=6, pois o vetor já se encontra ordenado. Assim, o passo i=5 não chega a ser executado.